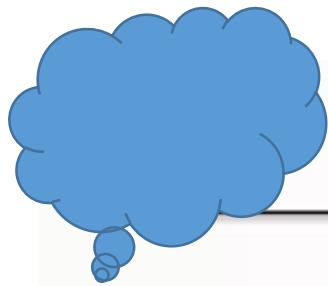


# ساختمان داده ها و الگوریتم ها

# فصل ششم

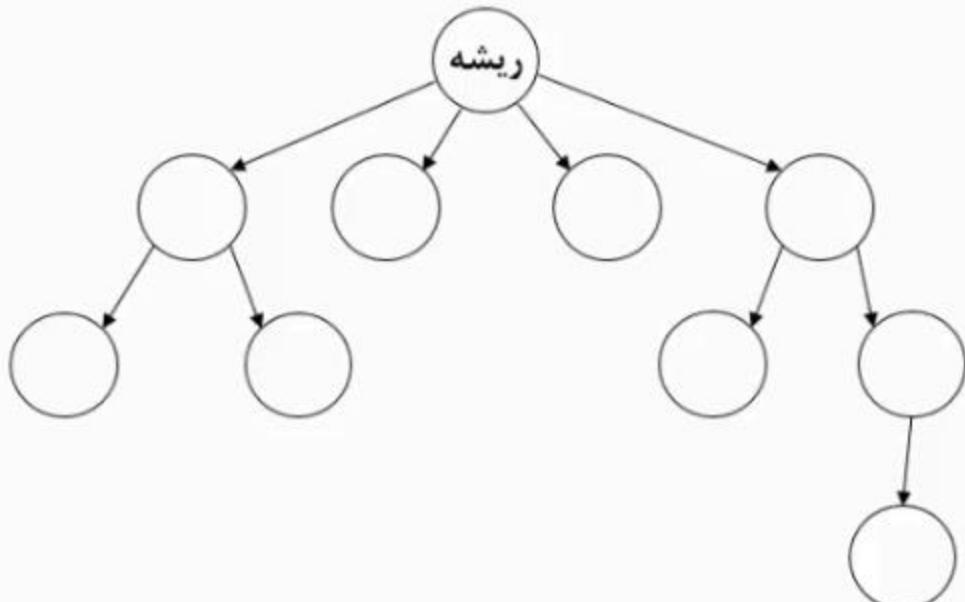
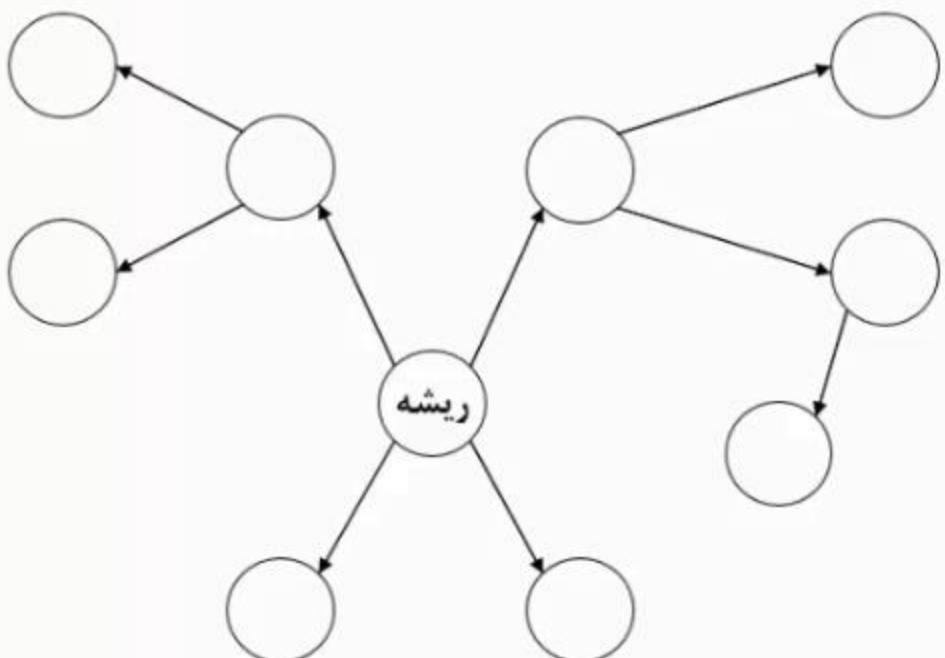
درخت ها

# تعریف اولیه



درخت آزاد: گرافی است که دور نداشته باشد.

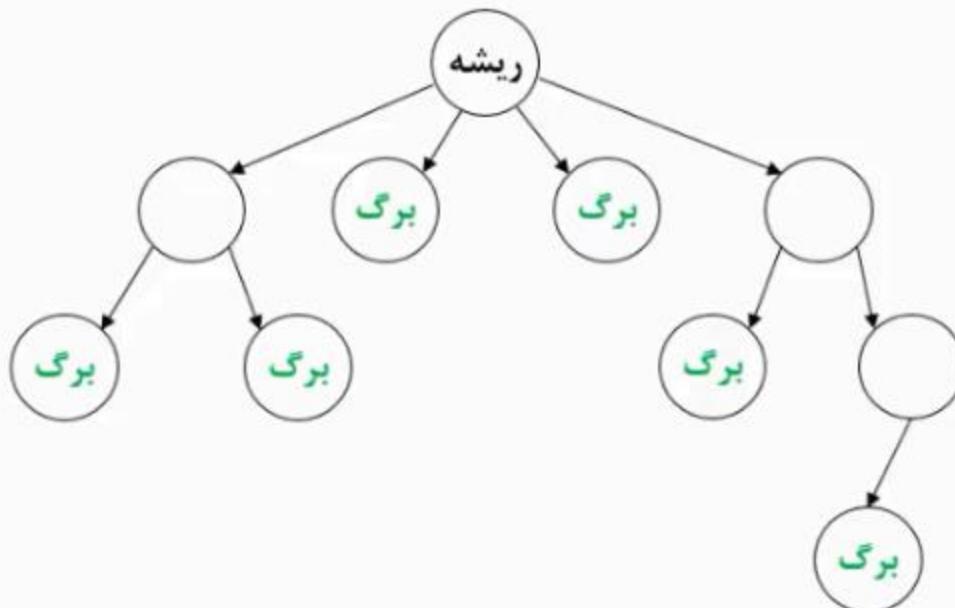
درخت ریشه دار: درختی که یک گره آن به عنوان ریشه در نظر گرفته می شود و یال های درخت را طوری جهت دار می کنند که به غیر از ریشه درجه ورودی بقیه گره ها یک باشد. (درجه ریشه صفر است)



# تعاریف اولیه

رابطه پدر و فرزندی: اگر بین دو گره یالی وجود داشته باشد، به گره ای که یال از آن خارج شده پدر، و به گره ای که یال به آن وارد شده است فرزند می گویند.

برگ: گره هایی که هیچ فرزندی ندارند.

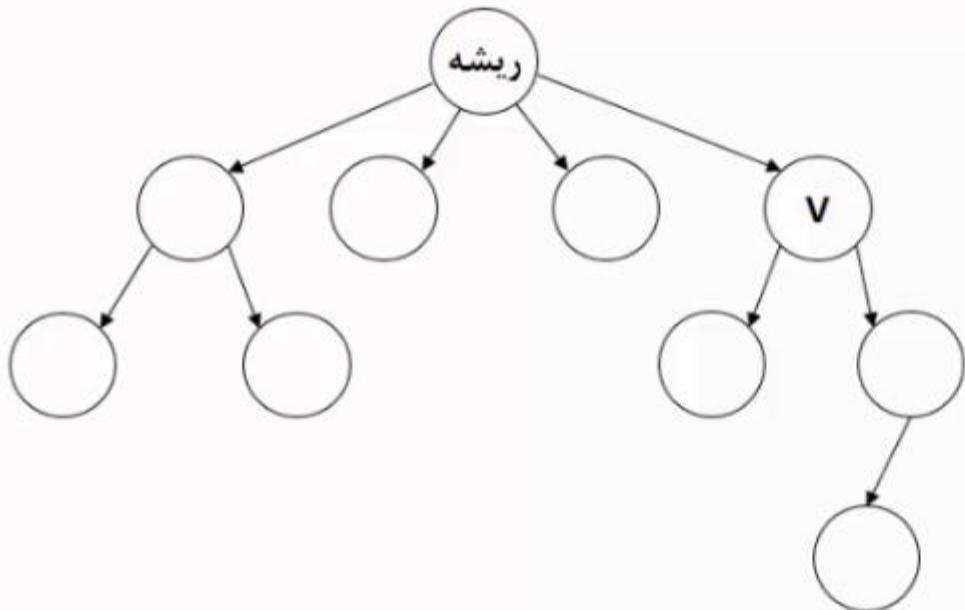


# تعریف اولیه

ارتفاع گره: بزرگترین مسیر از گره تا یک برگ

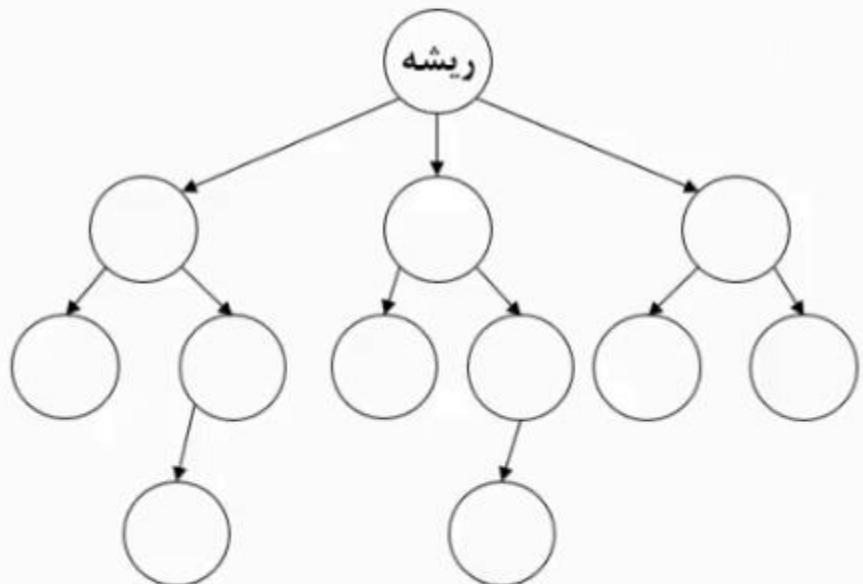
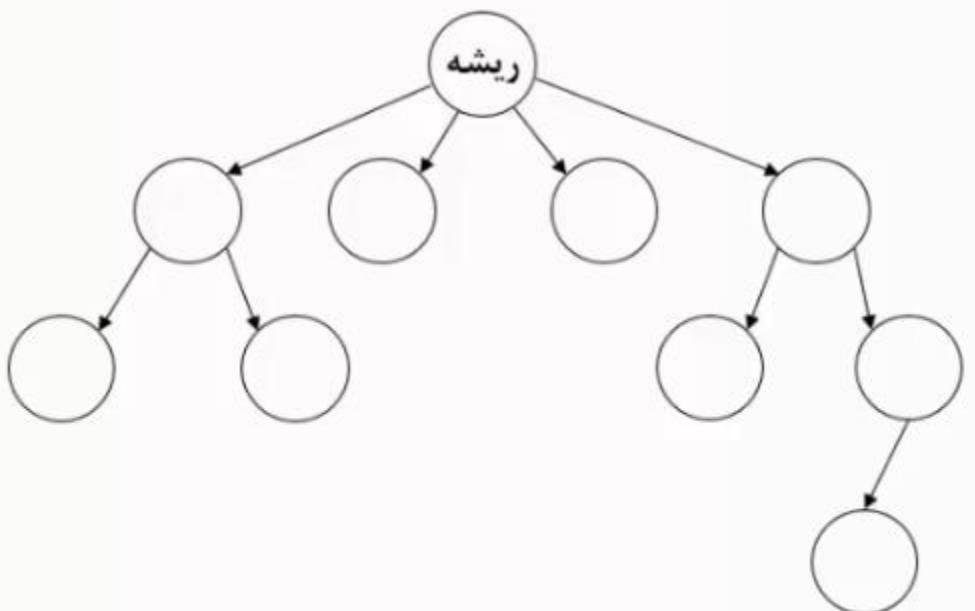
ارتفاع درخت: ارتفاع گره ریشه

عمق گره: فاصله گره تا ریشه



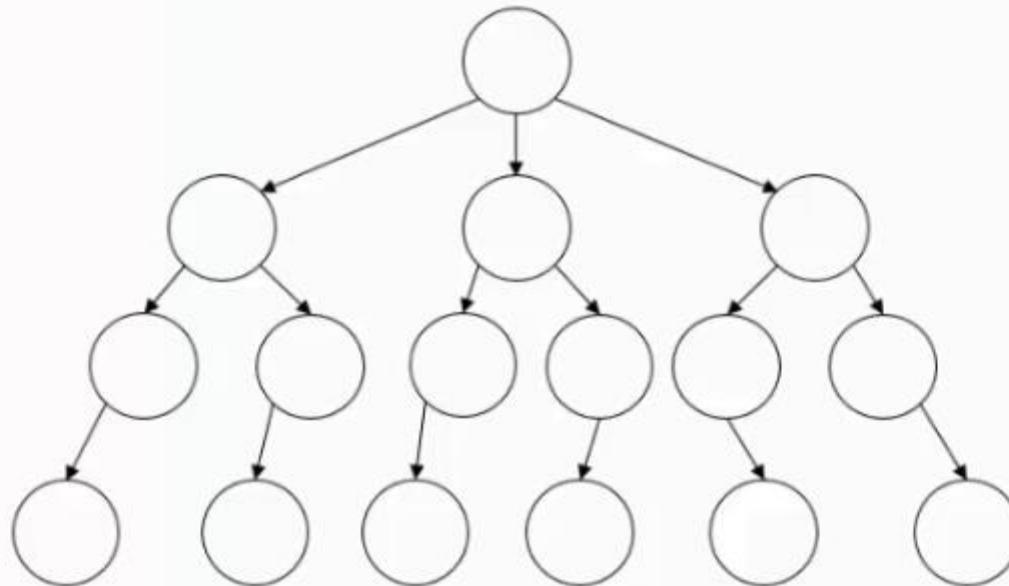
## تعریف اولیه

درخت متوازن: درختی است که اختلاف عمق برگ های آن حداقل یک باشد.



## تعریف اولیه

درخت کاملاً متوازن: درختی است که اختلاف عمق برگ‌های آن صفر باشد.

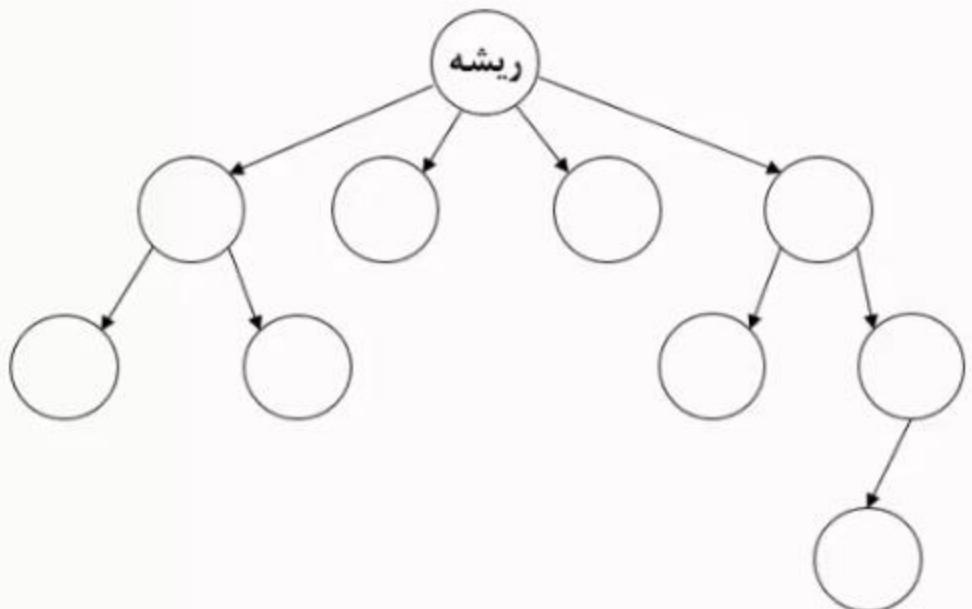


# تعریف اولیه

درخت  $k$  تایی: درختی که هر گره آن حداقل  $k$  فرزند داشته باشد.

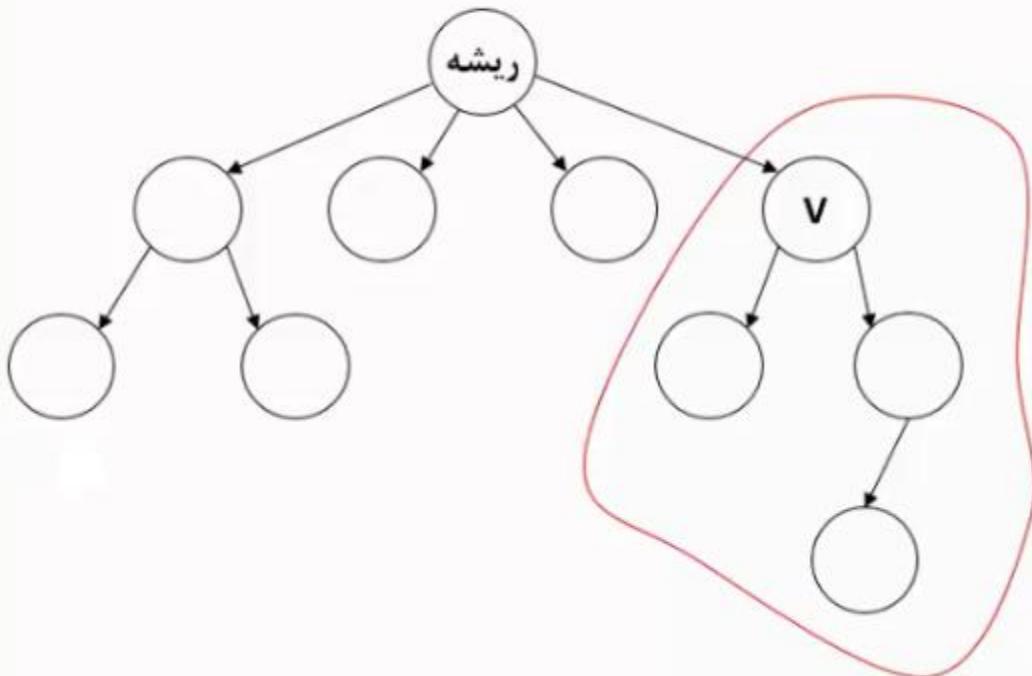
درخت مرتب: درختی است که برای فرزندان آن ترتیب قائل بشیم.

درخت برچسب دار: درختی که به هر گره آن برچسب خاصی بدهیم.



# تعریف اولیه

اولاد یک گره:

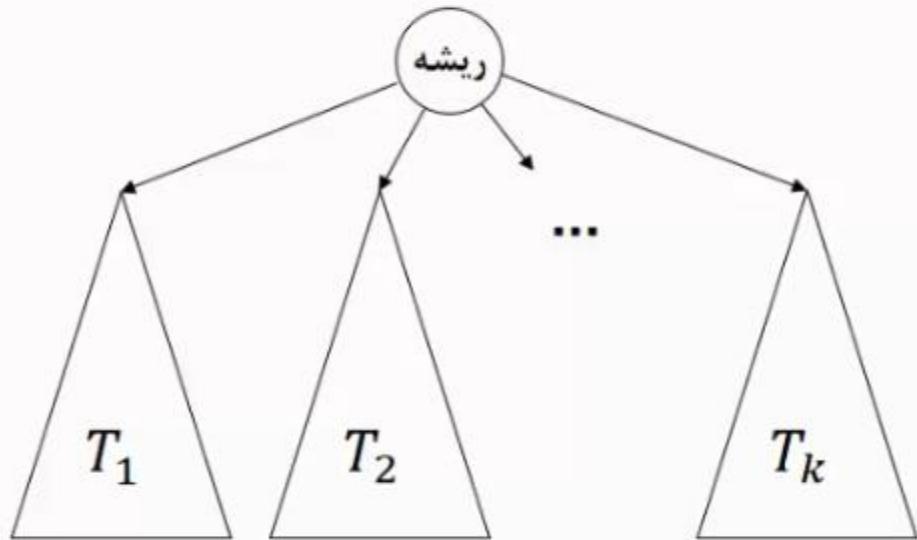


اجداد یک گره:

# تعریف اولیه



تعریف بازگشتی از درخت ریشه دار:

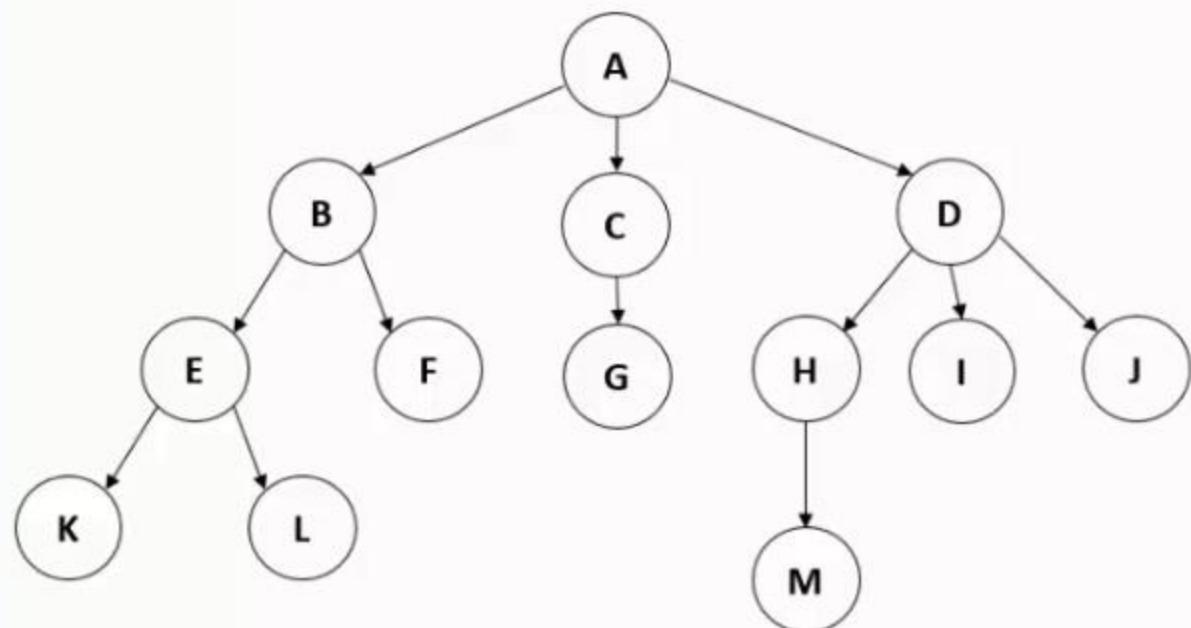


جنگل: مجموعه ای از درخت های ریشه دار

# نمایش درختان

۱) نمایش درخت ها به صورت لیست پیوندی:

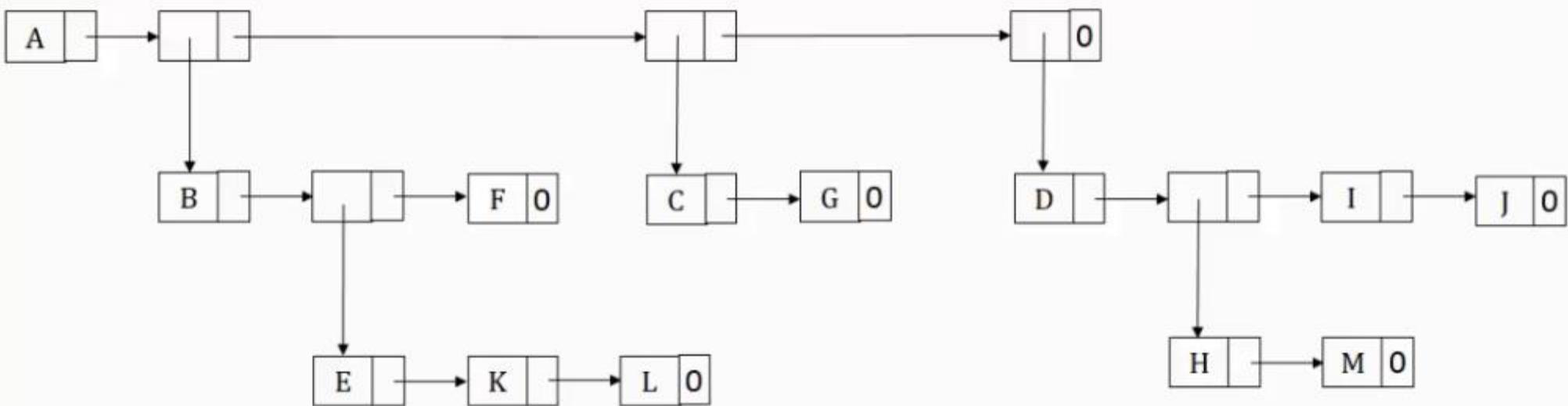
در این روش نمایش، اطلاعات موجود در گره ریشه، اول و بعد از آن لیست زیر درختان آن گره می آید.



(A (B (E (K,L) ,F) ,C (G) ,D (H (M) ,I ,J)))

# نمایش درختان

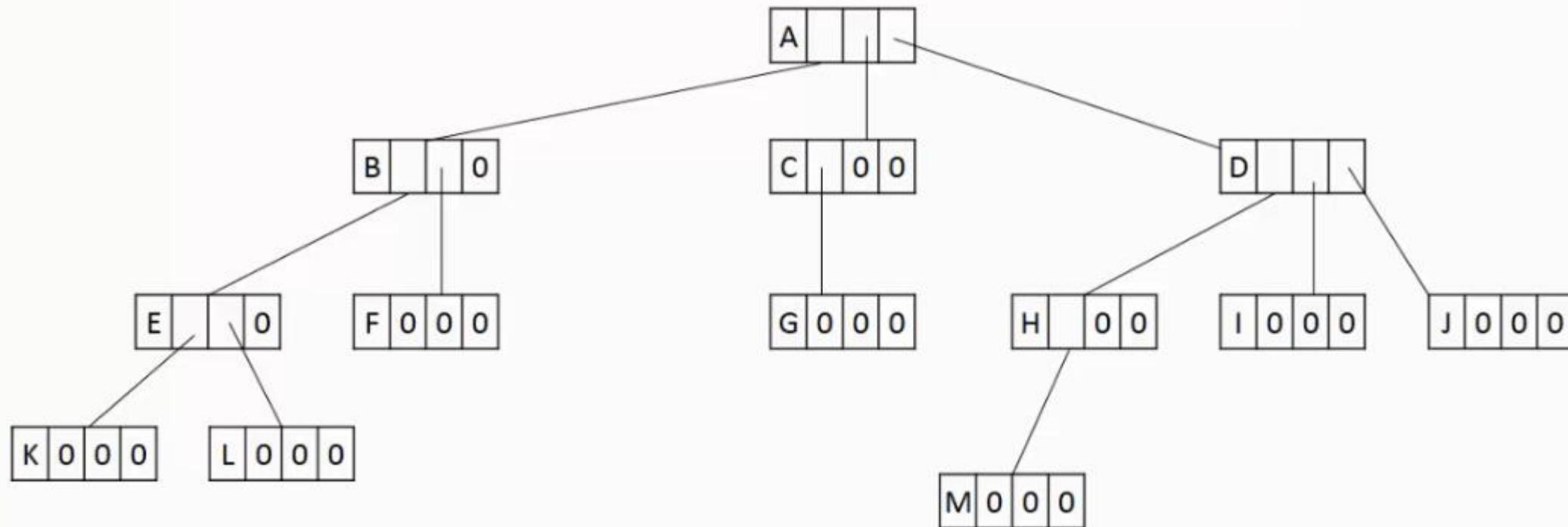
۱) نمایش درخت ها به صورت لیست پیوندی:



Data	Child 1	Child 2	...	Child k
------	---------	---------	-----	---------

# نمایش درختان

قضیه: اگر  $T$  یک درخت  $K$ -طرفه با  $n$  گره باشد، برای هر گره به طول ثابت، از کل  $n(k)$  فیلد فرزند، قیمت خالی خواهد بود.





## نمایش درختان

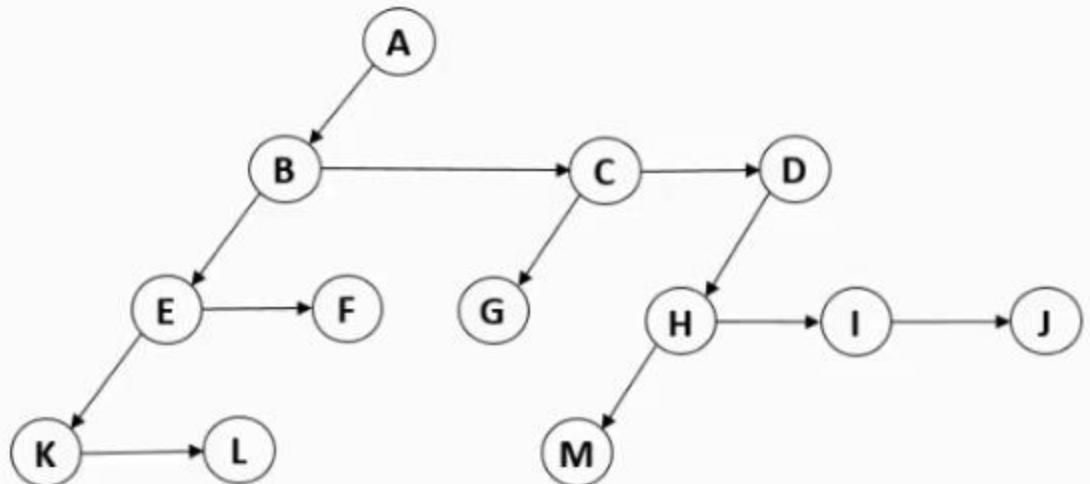
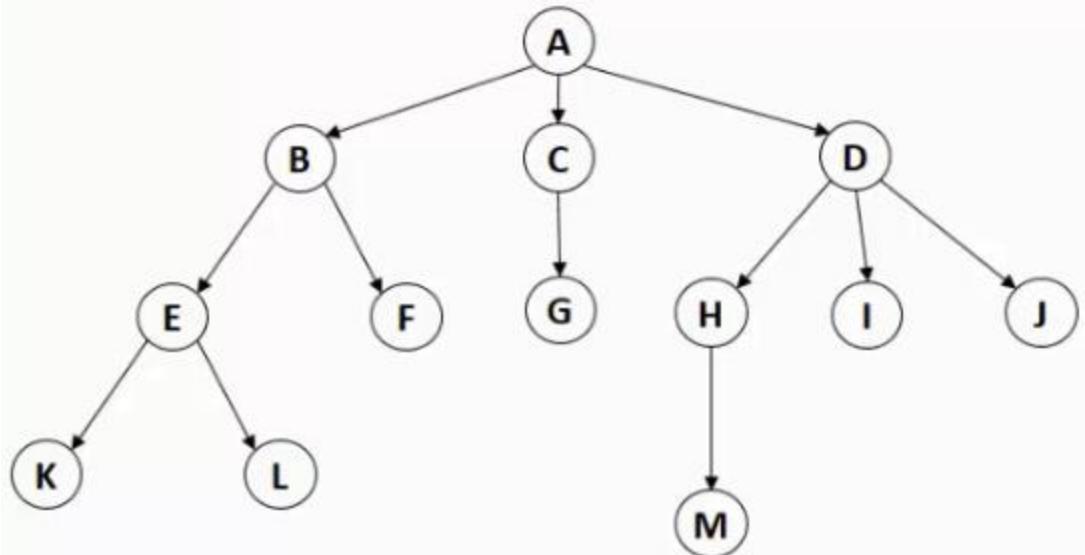
۲) نمایش فرزند چپ - همزاد راست:

★ برای اینطور نمایش هر گره باید حداقل یک سمت چپ ترین فرزند و حداقل یک همزاد راست را داشته باشد.

Data	
Left child	Right child

# نمایش درختان

۲) نمایش فرزند چپ - همزاد راست:



# نمایش درختان

۳) نمایش درخت به صورت یک درخت درجه دو:

برای اینکار کافیست درخت فرزند چپ - همزاد راست را به اندازه ۴۵ درجه در جهت عقربه های ساعت بچرخانیم.

